

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول: (06 نقاط)

- $u_0 + u_1 + u_2 + u_3 = 34$  : بحيث 5 أساسها  $u_0$  و  $(u_n)$  متتالية حسابية حدّها الأول  $u_0$  وأساسها 5 بحيث:
- 1- احسب  $u_0$ .
  - 2- بيّن أنّه، من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_n = 5n + 1$ .
  - 3- عيّن العدد الطبيعي  $n$  بحيث:  $u_{n+1} + u_n - 8n = 4033$ .
  - 4- احسب المجموع:  $S = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{2013}$ .
  - 5- المتتالية العددية  $(v_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بالعلاقة:  $v_n = 2u_n + 1$ .
- (أ) ادرس اتجاه تغيّر المتتالية  $(v_n)$ .
- (ب) احسب المجموع:  $S' = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_{2013}$ .

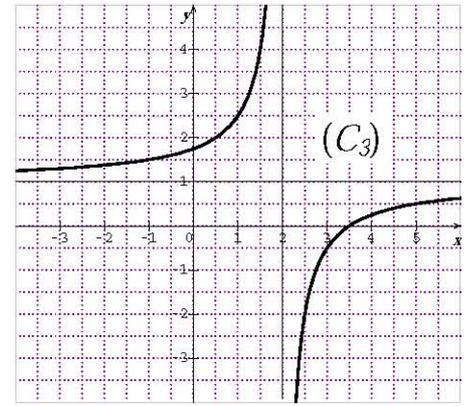
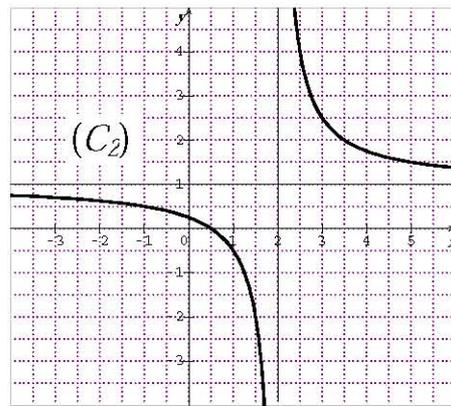
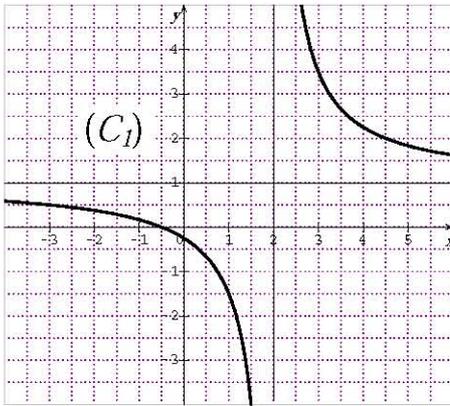
### التمرين الثاني: (06 نقاط)

- $a$  و  $b$  عدنان صحيحان حيث:  $a \equiv 2[7]$  و  $b \equiv 6[7]$ .
- 1- عيّن باقي القسمة الإقليدية للعدد  $3a + b$  على 7.
  - 2- عيّن باقي القسمة الإقليدية للعدد  $a^2 + 3b^2$  على 7.
  - 3- (أ) تحقّق أنّ:  $b \equiv -1[7]$ .
- (ب) استنتج باقي القسمة الإقليدية لكلّ من العددين  $b^{2013}$  و  $b^{1434}$  على 7.
- 4- عيّن الأعداد الطبيعية  $n$  بحيث:  $(a + b)^n + n \equiv 0[7]$ .

### التمرين الثالث: (08 نقاط)

- الدالة المعرفة على  $]-\infty; 2[ \cup ]2; +\infty[$  بالعلاقة:  $f(x) = \frac{2x - 1}{2x - 4}$  و  $(C)$  المنحنى البياني الممثل لها في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .
- 1- بيّن أنّه، من أجل كل  $x$  من  $]-\infty; 2[ \cup ]2; +\infty[$ ،  $f(x) = 1 + \frac{3}{2x - 4}$ .
  - 2- هل النقطة  $A\left(1; -\frac{1}{2}\right)$  تنتمي إلى  $(C)$ ؟

- 3- أ) احسب نهايات الدالة  $f$  عند أطراف مجالي مجموعة تعريفها.  
 ب) استنتج أن  $(C)$  يقبل مستقيمين مقاربين يطلب تعيين معادلة لكل منهما.  
 4- احسب  $f'(x)$  ، ثم شكّل جدول تغيّرات الدالة  $f$  .  
 5- جد فواصل نقط المنحنى  $(C)$ ، التي يكون معامل توجيه المماس عندها يساوي  $-\frac{3}{2}$  .  
 6- جد إحداثيات نقط تقاطع  $(C)$  مع كل من حامل محور الفواصل وحامل محور الترتيب.  
 7- عيّن، مع التبرير، المنحنى  $(C)$  من بين المنحنيات  $(C_1)$  ،  $(C_2)$  ،  $(C_3)$  الممثلة أدناه.



1.5	0.5	..... $f(x) = x(x-2)^2$ (أ) التحقق أن:
	2×0.25	..... (ب) التقاطع مع محور الفواصل $O(0;0)$ و $A(2;0)$ .
	0.5	..... (3) (أ) تبيان أن: $g(x) = 4x$
2	0.75	..... (ب) تعيين فواصل نقاط تقاطع (C) مع (Δ): $x^2(x-4) = 0$ ، $x = 0$ أو $x = 4$
	0.75	..... (4) $f'(x) = 6x - 8$ ، $x = \frac{4}{3}$ ، إشارة $f'(x)$
	0.5	..... (5) $m \in ]0; \frac{32}{27}[$
<b>الموضوع الثاني</b>		
<b>التمرين الأول: (06ن)</b>		
2	1.5	..... 1. $4u_0 + 30 = 34$ ومنه $u_0 = 1$
	0.5	..... 2. $u_n = 1 + 5n$
1	1	..... 3. $n = 2013$
1	1	..... 4. $S = \frac{2014}{2}(u_0 + u_{2013})$ ومنه $S = 10137469$
1	0.5+0.5	..... 5. (أ) $v_{n+1} - v_n = 10$ أي $(v_n)$ متزايدة تماما.
1	1	..... (ب) $S' = 2S + 2014$ ومنه $S' = 20276951$
<b>التمرين الثاني: (06ن)</b>		
1	1	..... 1. $3a \equiv 6[7]$ و $3a + b \equiv 12[7]$ ومنه $3a + b \equiv 5[7]$
1.5	3×0.5	..... 2. $a^2 \equiv 4[7]$ و $3b^2 \equiv 3[7]$ ومنه $a^2 + 3b^2 \equiv 7[7]$ أي $a^2 + 3b^2 \equiv 0[7]$
1.5	0.5	..... 3. (أ) التحقق: $b \equiv -1[7]$
	2×0.5	..... (ب) $b^{2013} \equiv 6[7]$ و $b^{1434} \equiv 1[7]$
2	2×0.5	..... 4. لدينا: $a + b \equiv 1[7]$ ومنه $(a + b)^n \equiv 1[7]$
	0.5	..... وبالتالي: $(a + b)^n + n \equiv 0[7]$ يكافئ $1 + n \equiv 0[7]$
	0.5	..... أي: $n = 7k + 6$ مع $k \in \mathbb{N}$

		التمرين الثالث: (08ن)
0.5	0.5	..... $f(x) = 1 + \frac{3}{2x-4}$ (1)
0.5	0.5	..... $A \in (C)$ إذن $f(1) = -\frac{1}{2}$ (2)
		..... $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$ (3 أ)
1	4×0.25	..... $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$
0.5	2×0.25	..... ب) المستقيمان المقاربان: $y = 1$ ، $x = 2$
1	1	..... $f'(x) = \frac{-6}{(2x-4)^2}$ (4)
0.5	2×0.25	..... من أجل كل $x \neq 2$ $f'(x) < 0$ و منه: $f$ متناقصة تماما
0.5	0.5	..... جدول التغيرات:
1.5	3×0.5	..... $f'(x) = -\frac{3}{2}$ معناه: $x = 1$ أو $x = 3$ (5)
		..... توجد نقطتان من $(C)$ يكون فيهما معامل توجيه المماس يساوي $-\frac{3}{2}$ .
1	0.5	..... التقاطع مع محور الفواصل: $E\left(\frac{1}{2}; 0\right)$ (6)
	0.5	..... التقاطع مع محور الترتيب: $F\left(0; \frac{1}{4}\right)$
1	1	..... (7) $(C)$ هو $(C_2)$ لأن: مثلا $f$ متناقصة وتمر من النقطة $\left(\frac{1}{2}; 0\right)$